

ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ INFORMATION TECHNOLOGIES AND TELECOMMUNICATION

УДК 621.377.2

DOI 10.18413/2518-1092-2016-1-2-60-63

Ушакова Н.Н.
Винтаев В.Н.

БЫСТРЫЕ ВАРИАНТЫ ОПЕРАЦИЙ ПРОБЛЕМНО-ОРИЕНТИРОВАННОЙ
КОМПЬЮТЕРНОЙ АРИФМЕТИКИ

1) доцент кафедры информационных систем и технологий, кандидат технических наук, доцент
Белгородский университет кооперации, экономики и права, ул. Садовая 116а, г. Белгород, 308023, Россия

e-mail: natush2006@yandex.ru

2) доцент кафедры информационных систем и технологий, кандидат технических наук, доцент
Белгородский университет кооперации, экономики и права, ул. Садовая 116а, г. Белгород, 308023, Россия

e-mail: viktor.vn2010@yandex.ru

Аннотация

В работе приводится способ построения быстрых модификаций операций и алгоритмов поточной обработки данных при деконволюции космического изображения высокого разрешения в представлении деконволюции в проблемно-ориентированной компьютерной арифметике.

Ключевые слова: конволюция; деконволюция; проблемно-ориентированная компьютерная арифметика; обобщенная бинарная билинейная операция.

UDC 621.377.2

Ushakova N.N.
Vintaev V.N.

RAPID VARIATIONS IN THE OPERATIONS OF PROBLEM-ORIENTED
COMPUTER ARITHMETIC

1) Candidate of Technical Sciences, Associate Professor. Department of Information Systems and Technologies,
Belgorod University of Cooperation, Economy and Law, 116a Sadovaya St., Belgorod, 308023, Russia
e-mail:natush2006@yandex.ru

2) Candidate of Technical Sciences, Associate Professor Department of Information Systems and Technologies,
Belgorod University of Cooperation, Economy and Law, 116a Sadovaya St., Belgorod, 308023, Russia
e-mail: viktor.vn2010@yandex.ru

Abstract

The authors provide a quick way of building modifications, operations and algorithms of mass data processing with deconvolution of satellite images of high resolution in the representation of deconvolution in problem-oriented computer arithmetic.

Keywords: convolute; deconvolution; problem-oriented computer arithmetic; generalized bilinear binary operation.

Введение

Основные процедуры в методе восстановления резкости – преобразования Ван-Циттера, конволюции и деконволюции, инверсная или винеровская с модификациями фильтрации, обработка обобщенным градиентным оператором наиболее оптимально организуются в виде поточных параллельно-конвейерных процессов,

что соответствует применению (особенно в бортовых вариантах модели распределенной среды) [3, 4].

Для пополнения пространства операций задачи восстановления резкости разработана порождающая проблемно-ориентированную компьютерную арифметику (ПОКА) обобщенная бинарная билинейная операция (ОББО)) [3,4] со

сплошным спектром состояний, в числе которых свертка позиционных кодов, умножение кодов и промежуточные состояния, управляемая параметром взаимного сдвига частичных результатов в ромбе операции умножения или величиной аддитивного возмущения ее базовой таблицы. Однако вычислительная сложность ОББО соответствует вычислительной сложности операции свертки массивов и требует снижения ее, т.е. организации быстрых модификаций операции. Кроме того, большинство операций, включаемых в набор ПОКА для задач коррекции резкости на изображениях требуют снижения их сложностей для повышения вычислительной эффективности решения задачи коррекции.

Реализация быстрых вариантов операций проблемно-ориентированной компьютерной арифметики

Математически ОББО строится как свертка двух Z-преобразований массивов (или как свертка двух полиномов) с формированием классического ромба столбцов с выполнением суммирования вдоль столбцов в ромбе с передачей возможных переносов в старшие по номеру столбцы, если взаимный сдвиг на оси порядков этих столбцов уменьшен. Управление этим сдвигом осуществляется выполнением схемы скалярного перемножения результата свертки с нормирующим вектором $\rho c = \{\beta ci\}$, где i – индекс, и степень вещественного основания βc . Z-преобразование (и полиномы), а также сами массивы представляют собой представление структурированной переменной в позиционной системе. Для операции умножения кортежей A и B , при этом, в соответствии с выше указанным, можно записать

$$AxB = (A^{**}B, \rho c) \quad (1)$$

и в результате вычисления (1) получим, как принято считать в соответствии с определением скалярного произведения, скаляр $\sum \{A^{**}B\}_i \{\beta ci\}$, т.е. новый позиционный код из коэффициентов его позиционного представления. Если $\beta c = \beta c 0$, где $\beta c 0$ – основание системы счисления, представляющей кортежи без искажений, записанные в полиномиальной форме $A = \sum \{A\}_i \beta ci 0$ и $B = \sum \{B\}_i \beta ci 0$, то полученный результат и будет результатом выполнения операции умножения. При увеличении неравенства $\beta c > \beta c 0$ достигается состояние ОББО – выполнение свертки, при $\beta c = 1$ – наступает вырожденное состояние ОББО. ОББО – операция со сплошным спектром состояний (включающим состояния: ** – свертки, x – умножения и вырожденное состояние при βc (параметр

состояния операции) равном единице). Если операнды ОББО не Z-преобразования и не полиномы, то кортежи $\{A\}_i$ и $\{B\}_i$ в регистрах operandов размещаются в соответствии с принятой арабской позиционной системой, что легко достигается простой переиндексацией элементов кортежей.

При положительно определенной норме возмущения ОББО, будучи введенной в любой алгоритм вместо операции стандартного умножения порождает вариации исходного алгоритма с нарастающим возмущением верхних мод спектра результатов его работы с изображением.

При деконволюции (уменьшении апертуры функции рассеяния точки (ФРТ)) алгоритмы класса Фурье-преобразований, сверток, линейных фильтраций, реализуемые в алгебре с операциями «сложить» и «умножить», более эффективно осуществляются на основе операций, таких, например, как, восьми- четырех- или двухточечное преобразование Фурье, Адамара, Уолша, представимых довольно легко таблично и организуемых однотактной выборкой значений из таблицы, размещаемой в согласованно структурируемой памяти компьютера [2]. Однако легко заметить, что этим таблицам однозначно соответствуют таблицы восьми-, четырех- или двухточечных сверток векторов соответствующих размерностей. При этом, вычислительное устройство, реализующее вычислительные процессы на основе «классической» арифметики, работает на порядки эффективнее, если в этой арифметической системе заменить двухместную операцию умножения, скажем, на перечисленные выше билинейные, то есть удовлетворяющие условиям дистрибутивности и тому подобным условиям табличные операции. Возврат вычислителя в традиционную арифметическую систему не только реализуется элементарно, но и обеспечивается при этом гораздо более эффективная реализация той же операции умножения. Примером тому теорема о замене классического алгоритма умножения целых чисел (алгоритма сложности n^2 (n – разрядность операции с учетом того, что можно считать разрядности входных operandов одинаковыми, заменяя нулями отсутствующие старшие разряды у «малоразрядного» операнда)) тремя быстрыми преобразованиями Фурье (БПФ) (с вычислительной сложностью результирующей операции $3n \log_2 n$; строго говоря, здесь еще присутствует аддитивная добавка в виде $3n$, где

$2n$ – количество операций при покомпонентном перемножении спектральных образов (достаточно использовать спектры первого и второго квадрантов спектральных координат) и n – вычислительные затраты на использование нормирующего вектора при приведении результата от свертки к умножению, но в данных расчетах будем иметь в виду, что размерности решаемых задач не менее $n = 256$, и тогда добавкой в $3n$ можно пренебречь).

При моделировании на ПК двумерной свертки двух изображений размерностью 512x512 пикселов в индексной палитре (глубина цвета 1 байт) с реализацией модели конвейерно-параллельного вычислителя с условным распараллеливанием на 4 ветви, тактовой длиной 512 табличных операций с таблицами арифметической системы, представляющими собой табличные математические процессоры свертки размерностью 2x2 вместо операции умножения, получено сокращение времени процедуры свертки по сравнению с использованием «традиционного» ускорения процедурой 512-точечного БПФ (конвейер в графе Баттерфляй) около 29 раз.

Расчетное сокращение времени составило примерно $3 \times 512 \times 512 \times 16 / (4 \times 256 \times 256) = 48$ раз (в числителе – типовой расчет затрат тактов на использование БПФ, в знаменателе – расчет числа выборок из памяти для восстановления суммированием со сдвигом полноразмерной свертки).

Необходимость распараллеливания конвейерных (потоковых) алгоритмов и спецсредств для операций типа свертки играет важную роль и является одним из основных вычислительных элементов в координируемой коррекции – коррекции по формулам Ван Циттера, в вычислении значений погрешностей на сравниваемых изображениях, в фильтрации и обработке изображений масками. Количество повторений операции огромно, а что касается изображений высокого разрешения, размеры которых в одном спектральном канале (которых может быть десять и десятки) до 10^{12} байт на отображаемую площадь обзора в 10 кв.км, а в системах со сверхразрешением число байт увеличивается на порядок. С учетом того что вычислительная сложность операции свертки имеет вид квадратичной зависимости, то число элементарных умножений байтов друг на друга в свертках достигает значений $10^{26} - 10^{28}$. Уровень быстродействия современной элементной базы, для выполнения сверток в обозримое время- 20

минут на Земле и доли секунд на борту, требует высокой степени распараллеливания даже поточно выполняемых операций. Элементная база соответствующего аппаратного средства, построенного на принципе подключения необходимых модулей к конвейерно-параллельному тактируемому коммутатору – регистры с мультиплексными схемами, запоминающие устройства (ПЗУ и ОЗУ), программируемые логические матрицы, т.к. все алгоритмы (включая БПФ) просчитываются с требованием выдачи байтных кодов, т.е. всего 256 различных результатов (независимо от длины алгоритма), которые запоминаются как таблица специальной (однотактной) операции [1,5]. Предлагаемая архитектура обладает высокой степенью живучести за счет коммутируемой взаимозамены модулей, а набор табличных операций позволяет реализовать и «стандартную» арифметическую систему (представлением свертки или умножения табличными Фурье образами или на основе теоремы Рисса-Фреше об операторах и функционалах и рекомендуется в основном для применения в беспилотных авиасредствах.

Заключение

В результате дообработки космических изображений с применением обобщенных операций и их эмуляции на ПК повышена их резкость (и, соответственно, реализуемое изображениями пространственное разрешение на местности) строго за счет подавления остаточной ФРТ до 1,2 – 1,4 раз.

Подавлена остаточная ФРТ на изображениях спутников ObrView-3, БКА-1-3, Канопус, «Ресурс-ДК», Ikonos, QuickBird (входящих в ряд разработок мирового уровня: ObrView-3, Spot-5, Pleiades-1A, Pleiades-1B - спутники с технологией сверхразрешения; БКА-1-3, Канопус, «Аркон», «Ресурс-ДК», Ikonos, QuickBird спутники с высоким разрешением).

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 14-07-00171 "Разработка теоретических основ методов моделирования и алгоритмов представления в обобщенных операциях трактов преобразования дистанционных данных с максимизацией эффективности обработки информации (цифровых космических изображений)".

Список литературы

1. Алиева М.А., Винтаев В.Н., Исмаилов К.Х. Моделирование архитектуры бортового процессора с проблемной ориентацией // Исследование Земли из космоса, №2, Москва: Изд. АН СССР, 1987. – С.112-117.
2. Быстрые алгоритмы в цифровой обработке изображений. Преобразования и медианные фильтры / Под ред. Хуанга / М.: Радио и связь, 1984. 220 с.
3. Винтаев В.Н. Коррекция резкости космического изображения в проблемно-ориентированной компьютерной арифметике с функционализацией сингулярными на мере нуль функциями // Сборник научных статей по итогам международной научно-практической конференции 20-21 ноября 2015 года «Иновации в формировании стратегического вектора развития фундаментальных и прикладных научных исследований». Санкт-Петербург. Издательство «КультИнформПресс». – 2015. С. 91-102.
4. Винтаев В.Н., Жиленев М.Ю., Ушакова Н.Н. Обобщенные операции для специальной коррекции космических изображений высокого разрешения и поддержка функциональной полноты специальной коррекции// Сборник научных статей по итогам международной научно-практической конференции 2-3 октября 2015 года «Новейшие концепции фундаментальных и прикладных научных исследований: опыт, традиции, инновации, эффективная стратегия развития». Санкт-Петербург. Издательство «КультИнформПресс». – 2015. С. 72-80.
5. Винтаев В.Н., Константинов И.С., Ушакова Н.Н. Процессор целеуказания с матричным сенсорным полем. // Сб. докладов технологического конгресса «Современные технологии при создании продукции военного и гражданского назначения». Омск, 2001. – С.330-333.

References

1. Alieva M.A., Vintaev V.N., Ismailov K.H. Modeling the Architecture of the Onboard Processor with Problem Orientation // Earth Research from Space, № 2, Moscow: Izd. AN SSSR, 1987. Pp. 112-117.
2. Fast Algorithms in Digital Image Processing. Transform and Median filters/ Edited by Huang. M.: Radio and communication, 1984. 220 p.
3. Vintaev V.N. Correction of Field Space Image in Problem-oriented Computer Arithmetic Functionalization Singular at Zero as the Function// Collection of Scientific Articles on the Results of the International Scientific-practical Conference, November 20-21, 2015 "Innovation in Forming Strategic Direction of Development of Fundamental and Applied Scientific Researches". Saint-Petersburg. Publishing House "KultInformPress". 2015. Pp. 91-102.
4. Vintaev V.N., Gilani M.Yu., Ushakova N.N. Generic Operations for Special Correction of Space Images of High Resolution and Support for Special Functional Completeness Correction// Collection of Scientific Articles on the Results of International Scientific-practical Conference on October 2-3, 2015 "Latest Concepts of Fundamental and Applied Research: Experience, Tradition, Innovation, Effective Strategy Development". Saint-Petersburg. Publishing House "Kultinformpress". 2015. Pp. 72-80.
5. Vintaev V.N., Konstantinov I.S., Ushakova N.N. The Processor Targeting a Sensory Matrix Field. // Reports Technology Congress "Modern Technologies in Creating Products for Military and Civil Purposes". Omsk, 2001. Pp. 330-333.